

Exercices de la préparation du TP

Observations :

• Premier exercice (page 4) :

Les données du problème sont les suivantes : $Q = 2,5 \text{ L/s}$; $h = 94 \text{ mm}$; $L = 75 \text{ mm}$ et $i = 0,001 \text{ m/m}$. On cherche à calculer le coefficient de Strickler K .

Avec les données en notre possession, on peut en déduire $S = 7,05 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2$ et $R = \frac{hL}{L+2h}$ soit $R = 2,68 \cdot 10^{-2} \text{ m}$.

On applique la formule de Manning-Strickler :

$$K = \frac{Q}{S \cdot R^{2/3} \sqrt{i}}$$

Application numérique : $K = \frac{2,5 \cdot 10^{-3}}{7,05 \cdot 10^{-3} \cdot (2,68 \cdot 10^{-2})^{2/3} \sqrt{0,001}}$ soit $K = 125,2 \text{ m}^{1/3}/\text{s}$

Maintenant, on fixe $K = 80 \text{ m}^{1/3}/\text{s}$ tout en gardant le même débit Q et la même pente i et on cherche à connaître la hauteur normale h_N et la hauteur critique h_C .

Pour calculer h_N , il faut trouver la valeur de h_N pour laquelle l'équation suivante est vérifiée :

$$KLh_N \left(\frac{L \cdot h_N}{L + 2h_N} \right)^{2/3} \sqrt{i} - Q = 0$$

On effectue alors une dichotomie (sur Excel) et on trouve $h_N = 0,138 \text{ m}$ soit $h_N = 13,8 \text{ cm}$

Pour trouver la valeur de h_C , on applique la formule suivante :

$$h_C = \left(\frac{Q}{L\sqrt{g}} \right)^{2/3}$$

Soit $h_C = 4,8 \text{ cm}$

• Deuxième exercice (page 6) :

Tout d'abord, on calcule avec la formule précédente la hauteur critique h_C .

On obtient $h_C = 4,6 \text{ cm}$.

- 1^{er} cas : $h_{av} = 40 \text{ mm}$

On a $h_{av} < h_C$, on est donc en **écoulement dénoyé** ($m = 0,4$), on applique donc la formule suivante :

$$H_{am} = \sqrt[3]{\frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{mL} \right)^2}$$

On trouve ainsi $H_{am} = 6,7 \text{ cm}$.

On a $H_{am} = h_{am} + \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{L \cdot h_{am}} \right)^2$. On résout l'équation d'inconnue h_{am} (par dichotomie avec Excel).

Donc $h_{am} = 4,6 \text{ cm}$

- 2^{ème} cas : $h_{av} = 70 \text{ mm}$

On a $h_{av} > h_C$, on est donc en **écoulement noyé** ($m = 0,9$). On applique la formule suivante :

$$H_{am} = h_{av} + \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{mLh_{av}} \right)^2$$

D'où $H_{am} = 8,2 \text{ cm}$

On a $H_{am} = h_{am} + \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{L \cdot h_{am}} \right)^2$. On résout l'équation d'inconnue h_{am} (par dichotomie avec Excel).

Donc $h_{am} = 7,3 \text{ cm}$

• 3^{ème} exercice (page 8) :

Cette fois-ci, $Q = 2,3 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$ et $m = 0,8$, $A = 50 \text{ mm}$.

- 1^{er} cas : $h_{av} = 45 \text{ mm}$

Ici, on a $h_{av} < A$, l'écoulement est submergé dénoyé donc $Q = mA L \sqrt{2g(H_{am} - mA)}$.

D'où $H_{am} = mA + \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{mAL} \right)^2 \rightarrow H_{am} = 7,0 \text{ cm}$.

On en déduit, avec la même formule utilisée à l'exercice précédent, $h_{am} = 5,3 \text{ cm}$

- 2^{ème} cas : $h_{av} = 70 \text{ mm}$

Ici, on a $h_{av} > A$, l'écoulement est submergé totalement noyé donc $Q = mA L \sqrt{2g(H_{am} - h_{av})}$.

D'où $H_{am} = h_{av} + \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{mAL} \right)^2 \rightarrow H_{am} = 10,0 \text{ cm}$.

On en déduit, avec la même formule que l'exercice précédent, $h_{am} = 9,5 \text{ cm}$

• 4^{ème} exercice (page 9) :

Donnée : $K = 110 \text{ m}^{1/3}/\text{s}$

	$Q = 1 \text{ L/s}$	$Q = 2,3 \text{ L/s}$
Hauteur normale h_N retrouvée par dichotomie avec $KLh_N \left(\frac{L \cdot h_N}{L + 2h_N} \right)^{2/3} \sqrt{i} - Q = 0$	5,0 cm	9,8 cm
Vitesse moyenne V_{moy} $V_{\text{moy}} = Q/S = Q/h_N \cdot L$	0,27 m/s	0,31 m/s
Célérité C $C = \sqrt{g \cdot h_N}$	0,70 m/s	0,98 m/s
Temps de propagation T $T = 4,5/C$	6,4 s	4,6 s

